



ОАНО «Лидеры»

**ПРИНЯТО**

Протокол заседания методического объединения  
учителей математики и логики Кулагиной Е.Н.  
от 31 августа 2021 г. № 1

**СОГЛАСОВАНО**

Зам. директора по УВР

«31» августа 2021 г.

Рабочая программа  
по предмету «Математика»  
(Базовый уровень)  
10 класс  
(ФГОС СОО)

Составлена  
учителем математики  
Власовой Евгенией Николаевной

Московская область, Одинцовский р-н, с. Ромашково

2021 г.

## 1. Аннотация к рабочей программе

Рабочая программа составлена на основе	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования;</li> <li>• Основной образовательной программы среднего общего образования ОАНО «Лидеры» на 2020-2022 г.</li> <li>• Авторской программы по алгебре и началам анализа для 10–11 классов (авторы А. Г. Мордкович, П. В. Семенов, Л. А. Александрова. - М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2019.</li> <li>• Авторской программы по геометрии для 10–11 классов (авторы В. А. Смирнов, И. М. Смирнова. - М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2020.</li> <li>• Положения о рабочей программе ОАНО «Лидеры».</li> </ul>
Рабочая программа реализуется через УМК	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Учебник для общеобразовательных организаций (базовый уровень). В 2 ч. Ч. 1 / А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. – 10-е изд., перераб. - М.: Мнемозина, 2021. - 448 с.</li> <li>2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Учебник для общеобразовательных организаций (базовый и углублённый уровни). В 2 ч. Ч. 2 / [ А. Г. Мордкович и др.]; под ред. А. Г. Мордковича. – М.: Просвещение, 2014. - 255 с.</li> <li>3. Математика: алгебра и начала математического анализа. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс (базовый уровень) / А. Г. Мордкович, П. В. Семёнов. – 5-е изд., стер. - М.: Мнемозина, 2020. - 262 с.</li> <li>4. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Контрольные работы для общеобразовательных организаций (базовый и углублённый уровни) / В. И. Глизбург; под ред. А. Г. Мордковича. – 5-е изд., стер. – М.: Мнемозина, 2019. – 64 с.</li> <li>5. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Самостоятельные работы для учащихся общеобразовательных организаций (базовый и углублённый уровни) / Л. А Александрова; под ред. А. Г. Мордковича. – 3-е изд., стер. – М.: Мнемозина, 2016. – 207 с.</li> <li>6. Геометрия. Дидактические материалы: Учеб. пособие для 10-11 кл. общеобразоват. учреждений. – М.: Мнемозина, 2003. – 192 с.</li> </ol>
Для реализации программы используются дополнительные учебно-дидактические материалы (указываются при наличии)	<p><i>Для учителя:</i></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Наглядная геометрия. Смирнов В. А., Смирнова И. М., Ященко И. В. – 3-е изд., стереотип. – М.: МЦНМО, 2019.</li> <li>2. Геометрия. Нестандартные и исследовательские задачи: Учеб. пособие для 7-11 кл. общеобразоват учреждений. – М.: Мнемозина, 2004.</li> <li>3. Геометрия. Стереометрия: Пособие для подготовки к ЕГЭ / Под ред. А. Л. Семёнова, И. В. Ященко. – 3-е., стереотип. – М.: МЦНМО, 2017.</li> <li>4. <a href="https://www.gcro.ru/mat-metmat/geom">https://www.gcro.ru/mat-metmat/geom</a></li> <li>5. <a href="http://www.geometry2006.narod.ru">www.geometry2006.narod.ru</a></li> <li>6. <a href="http://www.vasmirnov.ru/Didakt.htm">http://www.vasmirnov.ru/Didakt.htm</a></li> </ol>

На реализацию программы отводится	4 часа в неделю, 140 часов в год (35 недель)
-----------------------------------	--

## **2. Планируемые результаты освоения учебного предмета**

### **Предметные результаты**

**Выпускник научится:**

***Алгебра и начала математического анализа:***

- использовать числовые множества на координатной прямой для описания реальных процессов и явлений;
- проводить логические рассуждения в ситуациях повседневной жизни;
- оперировать на базовом уровне понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближённое значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;
- оперировать на базовом уровне понятиями: тригонометрическая окружность, градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину;
- выполнять арифметические действия с целыми и рациональными числами;
- выполнять несложные преобразования числовых выражений, содержащих степени чисел, либо корни из чисел;
- сравнивать рациональные числа между собой;
- оценивать и сравнивать с рациональными числами значения целых степеней чисел, корней натуральной степени из чисел;
- изображать точками на числовой прямой целые и рациональные числа;
- изображать точками на числовой прямой целые степени чисел, корни натуральной степени из чисел;
- выполнять несложные преобразования целых и дробно-рациональных буквенных выражений;
- выражать в простейших случаях из равенства одну переменную через другие;
- вычислять в простых случаях значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах;
- оценивать знаки синуса, косинуса, тангенса, котангенса конкретных углов;
- выполнять вычисления при решении задач практического характера;
- выполнять практические расчеты с использованием при необходимости справочных материалов и вычислительных устройств;
- соотносить реальные величины, характеристики объектов окружающего мира с их конкретными числовыми значениями;
- использовать методы округления, приближения и прикидки при решении практических задач повседневной жизни;
- решать линейные уравнения и неравенства, квадратные уравнения;
- приводить несколько примеров корней простейшего тригонометрического уравнения вида:  $\sin x = a$ ,  $\cos x = a$ ,  $\tg x = a$ ,  $\ctg x = a$ , где  $a$  – табличное значение соответствующей тригонометрической функции;
- составлять и решать уравнения и системы уравнений при решении несложных практических задач;
- оперировать на базовом уровне понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание

- на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период;
- оперировать на базовом уровне понятиями: прямая и обратная пропорциональность линейная, квадратичная, тригонометрические функции;
  - распознавать графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, тригонометрических функций;
  - соотносить графики элементарных функций: прямой и обратной пропорциональности, линейной, квадратичной, тригонометрических функций с формулами, которыми они заданы;
  - находить по графику приближённо значения функции в заданных точках;
  - определять по графику свойства функции (нули, промежутки знакопостоянства, промежутки монотонности, наибольшие и наименьшие значения и т.п.);
  - строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания / убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов и т.д.);
  - определять по графикам свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства и т.п.);
  - интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;
  - оперировать на базовом уровне понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;
  - определять значение производной функции в точке по изображению касательной к графику, проведенной в этой точке;
  - решать несложные задачи на применение связи между промежутками монотонности и точками экстремума функции, с одной стороны, и промежутками знакопостоянства и нулями производной этой функции – с другой.
  - пользуясь графиками, сравнивать скорости возрастания (роста, повышения, увеличения и т.п.) или скорости убывания (падения, снижения, уменьшения и т.п.) величин в реальных процессах;
  - соотносить графики реальных процессов и зависимостей с их описаниями, включающими характеристики скорости изменения (быстрый рост, плавное понижение и т.п.);
  - использовать графики реальных процессов для решения несложных прикладных задач, в том числе определяя по графику скорость хода процесса;
  - оперировать на базовом уровне основными описательными характеристиками числового набора: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения;
  - оперировать на базовом уровне понятиями: вероятность события, случайный выбор, опыты с равновозможными элементарными событиями;
  - вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;
  - оценивать и сравнивать в простых случаях вероятности событий в реальной жизни;
  - читать, сопоставлять, сравнивать, интерпретировать в простых случаях реальные данные, представленные в виде таблиц, диаграмм, графиков;
  - решать несложные текстовые задачи разных типов;
  - анализировать условие задачи, при необходимости строить для ее решения математическую модель;
  - понимать и использовать для решения задачи информацию, представленную в виде текстовой и символьной записи, схем, таблиц, диаграмм, графиков, рисунков;
  - действовать по алгоритму, содержащемуся в условии задачи;
  - использовать логические рассуждения при решении задачи;
  - работать с избыточными условиями, выбирая из всей информации, данные, необходимые для решения задачи;

- осуществлять несложный перебор возможных решений, выбирая из них оптимальное по критериям, сформулированным в условии;
- анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;
- решать задачи на расчет стоимости покупок, услуг, поездок и т.п.;
- решать несложные задачи, связанные с долевым участием во владении фирмой, предприятием, недвижимостью;
- решать задачи на простые проценты (системы скидок, комиссии) и на вычисление сложных процентов в различных схемах вкладов, кредитов и ипотек;
- решать практические задачи, требующие использования отрицательных чисел: на определение температуры, на определение положения на временной оси (до нашей эры и после), на движение денежных средств (приход/расход), на определение глубины/высоты и т.п.;
- использовать понятие масштаба для нахождения расстояний и длин на картах, планах местности, планах помещений, выкройках, при работе на компьютере и т.п.;
- решать несложные практические задачи, возникающие в ситуациях повседневной жизни.

**Геометрия:**

- оперировать на базовом уровне понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;
- распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- изображать изучаемые фигуры от руки и с применением простых чертежных инструментов;
- делать (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объемных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- извлекать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять теорему Пифагора при вычислении элементов стереометрических фигур;
- находить площади поверхностей простейших многогранников с применением формул;
- соотносить абстрактные геометрические понятия и факты с реальными жизненными объектами и ситуациями;
- использовать свойства пространственных геометрических фигур для решения типовых задач практического содержания;
- соотносить площади поверхностей тел одинаковой формы различного размера;
- оценивать форму правильного многогранника после спилов, срезов и т.п. (определять количество вершин, ребер и граней полученных многогранников).

**Математика:**

- описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки;
- знать примеры математических открытий и их авторов в связи с отечественной и всемирной историей;
- понимать роль математики в развитии России;
- применять известные методы при решении стандартных математических задач;
- замечать и характеризовать математические закономерности в окружающей действительности;
- приводить примеры математических закономерностей в природе, в том числе характеризующих красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства.

**Выпускник получит возможность научиться:**

**Алгебра и начала математического анализа:**

- использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;

- проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов;
- свободно оперировать понятиями: целое число, делимость чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, рациональное число, приближённое значение числа, часть, доля, отношение, процент, повышение и понижение на заданное число процентов, масштаб;
- приводить примеры чисел с заданными свойствами делимости;
- оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, радианная и градусная мера угла, величина угла, заданного точкой на тригонометрической окружности, синус, косинус, тангенс и котангенс углов, имеющих произвольную величину, число  $\pi$ ;
- выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы, применяя при необходимости вычислительные устройства;
- находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, используя при необходимости вычислительные устройства;
- пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах;
- проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, корни и тригонометрические функции;
- находить значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования;
- изображать схематически угол, величина которого выражена в градусах или радианах;
- использовать при решении задач табличные значения тригонометрических функций углов;
- выполнять перевод величины угла из радианной меры в градусную и обратно;
- выполнять действия с числовыми данными при решении задач практического характера и задач из различных областей знаний, используя при необходимости справочные материалы и вычислительные устройства;
- оценивать, сравнивать и использовать при решении практических задач числовые значения реальных величин, конкретные числовые характеристики объектов окружающего мира;
- решать рациональные уравнения и неравенства, простейшие иррациональные и тригонометрические уравнения, неравенства и их системы;
- использовать методы решения уравнений: приведение к виду «произведение равно нулю» или «частное равно нулю», замена переменных;
- использовать метод интервалов для решения неравенств;
- использовать графический метод для приближенного решения уравнений и неравенств;
- изображать на тригонометрической окружности множество решений простейших тригонометрических уравнений и неравенств;
- выполнять отбор корней уравнений или решений неравенств в соответствии с дополнительными условиями и ограничениями;
- составлять и решать уравнения, системы уравнений и неравенства при решении задач других учебных предметов;
- использовать уравнения и неравенства для построения и исследования простейших математических моделей реальных ситуаций или прикладных задач;
- уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат, оценивать его правдоподобие в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи;
- оперировать понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции;

- оперировать понятиями: прямая и обратная пропорциональность, линейная, квадратичная, тригонометрические функции;
- определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции;
- строить графики изученных функций;
- описывать по графику и в простейших случаях по формуле поведение и свойства функций, находить по графику функции наибольшие и наименьшие значения;
- строить эскиз графика функции, удовлетворяющей приведенному набору условий (промежутки возрастания/убывания, значение функции в заданной точке, точки экстремумов, асимптоты, нули функции и т.д.);
- решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков;
- определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, период и т.п.);
- интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;
- определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.);
- оперировать понятиями: производная функции в точке, касательная к графику функции, производная функции;
- вычислять производную одночлена, многочлена, квадратного корня, производную суммы функций;
- вычислять производные элементарных функций и их комбинаций, используя справочные материалы;
- исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций, строить графики многочленов и простейших рациональных функций с использованием аппарата математического анализа;
- решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик реальных процессов, нахождением наибольших и наименьших значений, скорости и ускорения и т.п.;
- интерпретировать полученные результаты;
- иметь представление об условной вероятности и о полной вероятности, применять их в решении задач;
- иметь представление о важных частных видах распределений и применять их в решении задач;
- вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;
- решать задачи разных типов, в том числе задачи повышенной трудности;
- выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;
- строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения;
- решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;
- анализировать и интерпретировать результаты в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;
- переводить при решении задачи информацию из одной формы в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы;
- решать практические задачи и задачи из других предметов.

**Геометрия:**

- оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость в пространстве, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей;
- применять для решения задач геометрические факты, если условия применения заданы в явной форме;

- решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам;
- делать (выносные) плоские чертежи из рисунков объемных фигур, в том числе рисовать вид сверху, сбоку, строить сечения многогранников;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;
- применять геометрические факты для решения задач, в том числе предполагающих несколько шагов решения;
- описывать взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве;
- формулировать свойства и признаки фигур;
- доказывать геометрические утверждения;
- владеть стандартной классификацией пространственных фигур (пирамиды, призмы, параллелепипеды);
- находить площади поверхностей геометрических тел с применением формул; вычислять расстояния и углы в пространстве;
- использовать свойства геометрических фигур для решения задач практического характера и задач из других областей знаний;
- оперировать понятиями вектор, модуль вектора, равенство векторов, коллинеарные векторы;
- находить сумму векторов и произведение вектора на число.

**Математика:**

- представлять вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей;
- понимать роль математики в развитии России;
- использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;
- применять основные методы решения математических задач;
- на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.

**Метапредметные результаты**

- умение искать и находить обобщенные способы решения задач, в том числе, осуществлять развернутый информационный поиск и ставить на его основе новые (учебные и познавательные) задачи;
- развитие представлений о математике как форме описания и методе познания действительности, создание условий для приобретения первоначального опыта математического моделирования;
- развитие умений работать с учебным математическим текстом (анализировать, извлекать необходимую информацию), точно и грамотно выражать свои мысли с применением математической терминологии и символики, проводить классификации, логические обоснования, доказательства математических утверждений;
- развитие представлений о числе и числовых системах от натуральных до действительных чисел; овладение навыками устных, письменных, инструментальных вычислений;
- овладение символьным языком алгебры, приемами выполнения тождественных преобразований выражений, решения уравнений, систем уравнений, неравенств и систем неравенств; умения моделировать реальные ситуации на языке алгебры, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат;
- умение понимать и использовать математические средства наглядности (рисунки, чертежи, схемы и др.) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;

- овладение системой функциональных понятий, развитие умения использовать функционально-графические представления для решения различных математических задач, для описания и анализа реальных зависимостей;
- овладение простейшими способами представления и анализа статистических данных; формирование представлений о статистических закономерностях в реальном мире и о различных способах их изучения, о простейших вероятностных моделях; развитие умений извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, описывать и анализировать массивы числовых данных с помощью подходящих статистических характеристик, использовать понимание вероятностных свойств окружающих явлений при принятии решений;
- формирование общих способов интеллектуальной деятельности, характерных для математики и являющихся основной познавательной культуры, значимой для различных сфер человеческой деятельности;
- сформированность целеполагания в учебной деятельности как умение самостоятельно ставить новые учебные и познавательные цели и задачи, преобразовывать практическую задачу в теоретическую, устанавливать целевые приоритеты;
- умение планировать пути достижения целей на основе самостоятельного анализа условий и средств их достижения, выделять альтернативные способы достижения цели и выбирать наиболее эффективный способ, осуществлять познавательную рефлексию в отношении действий по решению учебных и познавательных задач;
- умение осуществлять констатирующий и предвосхищающий контроль по результату и по способу действия на уровне произвольного внимания, вносить необходимые корректизы в исполнение и способ действия как в конце действия, так и по ходу его реализации;
- формирование осознанной адекватной и критичной оценки в учебной деятельности, умения самостоятельно и аргументировано оценивать свои действия и действия одноклассников, содержательно обосновывая правильность или ошибочность результата и способа действия, адекватно оценивать объективную трудность как меру фактического или предполагаемого расхода ресурсов на решение задачи, адекватно оценивать свои возможности достижения цели определенной сложности в различных сферах самостоятельной деятельности;
- овладение основами волевой саморегуляции в учебной и познавательной деятельности в форме осознанного управления своим поведением и деятельностью, готовность и способность противостоять внешним помехам деятельности;
- осознанное владение логическими действиями определения понятий, установления причинно-следственных и родовидовых связей и обобщения на различном предметном материале; сравнения и классификации на основе самостоятельного выбора оснований и критериев; умение строить классификацию, строить логическое рассуждение, включая установление причинно-следственных связей, делать умозаключения (индуктивное, дедуктивное и по аналогии) и выводы на основе аргументации; умение работать с метафорами;
- умение создавать, применять и преобразовывать знаково-символические средства, модели и схемы для решения учебных и познавательных задач;
- умение организовывать и планировать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками, определять общие цели и распределение функций и ролей участников, способы взаимодействия, планировать общие способы работы; умение работать в группе: умение эффективно сотрудничать и взаимодействовать на основе координации различных позиций при выработке общего решения в совместной деятельности; умение слушать партнера, формулировать и аргументировать свое мнение, корректно отстаивать свою позицию и координировать ее с партнерами, в том числе в ситуации столкновения интересов; умение продуктивно разрешать конфликты на основе учета интересов и позиций всех его участников, поиска и оценки альтернативных способов разрешения конфликтов;

- способность целенаправленно искать и использовать информационные ресурсы, необходимые для решения учебных и практических задач с помощью средств ИКТ;
- использовать компьютерные технологии для решения информационных и коммуникативных учебных задач (написание сочинений, докладов, создание презентаций и т.п.).

### **Личностные результаты**

- мировоззрение, соответствующее современному уровню развития науки, значимости науки, готовность к научно-техническому творчеству, владение достоверной информацией о передовых достижениях и открытиях мировой и отечественной науки, заинтересованность в научных знаниях об устройстве мира и общества;
- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры;
- критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличить гипотезу от факта;
- представление о математической науке как сфере человеческой деятельности, об этапах её развития, о её значимости для развития цивилизации;
- креативность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении математических задач;
- умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;
- способность к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений;
- осознание значения алгебры в повседневной жизни человека;
- развитие геометрических представлений, логического мышления, культуры речи, способности к умственному эксперименту;
- формирование представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математической науки;
- понимание роли информационных процессов в современном мире;
- воспитание качеств личности, формируемых в ходе учебной математической деятельности и обеспечивающих социальную мобильность, творческую активность, способность принимать самостоятельные решения;
- формирование качеств мышления, свойственных математической деятельности и необходимых для адаптации в современном информационном обществе;
- развитие интереса к математическому творчеству и математических способностей;
- готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию; готовность и способность осознанному выбору и построению дальнейшей индивидуальной траектории образования на базе ориентировки в мире профессий и профессиональных предпочтений, с учетом устойчивых познавательных интересов;
- сформированность целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, учитывающего социальное, культурное, языковое, духовное многообразие современного мира;
- осознанное, уважительное и доброжелательное отношение к другому человеку, его мнению, мировоззрению; готовность и способность вести диалог с другими людьми и достигать в нем взаимопонимания.

### **3. Содержание учебного предмета**

#### **1. Повторение курса средней школы.**

Арифметические действия с действительными числами. Упрощение выражений. Решение уравнений и неравенств. Свойства функций и их графики. Углы. Треугольники. Четырёхугольники. Окружность. Площадь.

#### **2. Действительные числа. Числовые функции.**

Натуральные и целые числа. Делимость чисел. Основная теорема арифметики натуральных чисел. Рациональные, иррациональные, действительные числа, числовая прямая. Числовые неравенства. Аксиоматика действительных чисел. Модуль действительного числа. Метод математической индукции.

Определение числовой функции и способы её задания. Свойства функций. Периодические и обратные функции.

#### **3. Начала стереометрии.**

История возникновения и развития геометрии. Основные понятия и аксиомы стереометрии (точка, прямая, плоскость, пространство). Пространственные фигуры (куб, параллелепипед, призма, пирамида, цилиндр, конус, шар). Моделирование многогранников. Развёртка.

#### **4. Тригонометрические функции.**

Числовая окружность на координатной плоскости. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Тригонометрические функции числового и углового аргумента, их свойства и графики. Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций. Обратные тригонометрические функции.

#### **5. Параллельность в пространстве.**

Взаимное расположение прямых в пространстве. Параллельность прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признак скрещивающихся прямых. Взаимное расположение прямой и плоскости. Параллельность прямой и плоскости. Признак параллельности прямой и плоскости. Взаимное расположение двух плоскостей. Параллельность двух плоскостей. Признак параллельности двух плоскостей.

Векторы в пространстве. Равенство векторов. Сложение векторов и умножение вектора на число. Угол между векторами. Коллинеарные и компланарные векторы. Параллельный перенос. Параллельное проектирование и его свойства. Параллельные проекции плоских фигур. Изображение пространственных фигур. Сечения Многогранников.

#### **6. Тригонометрические уравнения.**

Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства. Методы решения тригонометрических уравнений: метод замены переменной, метод разложения на множители, однородные тригонометрические уравнения.

#### **7. Преобразование тригонометрических выражений.**

Формулы сложения, приведения, двойного аргумента, понижения степени. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Методы решения тригонометрических уравнений (продолжение).

#### **8. Перпендикулярность в пространстве.**

Угол между прямыми в пространстве. Перпендикулярность прямых. Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Ортогональное проектирование. Площадь ортогональной проекции многоугольника. Перпендикуляр и наклонная. Теорема о трёх перпендикулярах. Угол между прямой и плоскостью. Расстояние между точками, прямыми и плоскостями. Двугранный угол. Перпендикулярность плоскостей. Признак перпендикулярности двух плоскостей.

#### **9. Комплексные числа.**

Комплексные числа и арифметические операции над ними. Комплексные числа и координатная плоскость. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Комплексные числа и квадратные уравнения.

#### **10. Производная.**

Определение числовой последовательности, способы её задания и свойства. Предел числовой последовательности, свойства сходящихся последовательностей. Сумма бесконечной геометрической прогрессии. Предел функции на бесконечности и в точке.

Задачи, приводящие к понятию производной, определение производной, вычисление производных. Понятие производной n-го порядка. Дифференцирование сложной функции. Дифференцирование обратной функции. Уравнение касательной к графику функции. Применение производной для исследования функций на монотонность и экстремумы. Применение производной для доказательства тождеств и неравенств. Построение графиков функций. Применение производной для отыскания наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на промежутке. Задачи на оптимизацию.

### **11. Многогранники.**

Многогранные углы и их свойства. Выпуклые и невыпуклые многогранники. Правильные многогранники (тетраэдр, куб, октаэдр, икосаэдр, додекаэдр).

### **12. Комбинаторика и вероятность.**

Правило умножения. Перестановки и факториалы. Выбор нескольких элементов. Сочетания и размещения. Бином Ньютона. Случайные события и их вероятности.

### **13. Итоговое повторение.**

Тригонометрия. Производная. Параллельность и перпендикулярность в пространстве. Многогранники.

## **4. Тематическое планирование**

Содержание	Ключевые воспитательные задачи	Кол-во часов	Кол-во контрольных работ
Блок 1. Повторение курса средней школы.		5	2
Блок 2. Числовые функции.		11	2
Блок 3. Начала стереометрии.		6	1
Блок 4. Тригонометрические функции.		14	2
Блок 5. Параллельность в пространстве.		13	1
Блок 6. Тригонометрические уравнения.		8	1
Блок 7. Преобразование тригонометрических выражений.		11	1
Блок 8. Перпендикулярность в пространстве.		14	1
Блок 9. Производная.		23	2
Блок 10. Многогранники.		12	1
Блок 1. Итоговое повторение.		23	1
Итого:		<b>140</b>	15

## **5. Календарно-тематическое планирование**

№ п/п	Дата по плану	Дата по факту	Тема урока	Кол-во часов	Виды контроля
			<b>I полугодие</b>		
			<b>Блок 1. Повторение курса средней школы.</b>	<b>5</b>	
1	1.09		<i>Стартовая контрольная работа.</i>	1	Стартовая контрольная работа

					(не оценивается отметкой)
2	2.09		Анализ стартовой контрольной работы. Арифметические действия с действительными числами и со степенями.	1	
3	3.09		Упрощение выражений. Решение уравнений и неравенств.	1	
4	7.09		Окружность. Площадь. Подготовка к контрольной работе.	1	
5	8.09		<i>Контрольная работа №1 «Повторение».</i>	1	Контрольная работа
			<b>Блок 2. Числовые функции.</b>	<b>11</b>	
6	9.09		Анализ контрольной работы. Натуральные и целые числа.	1	
7	10.09		Рациональные числа.	1	
8	14.09		Иrrациональные числа.	1	
9	15.09		Множество действительных чисел.	1	
10	16.09		Модуль действительного числа.	1	
11	17.09		<i>Самостоятельная работа «Действительные числа». Метод математической индукции.</i>	1	Самостоятельная работа
12	21.09		Анализ самостоятельной работы. Определение числовых функций и способы её задания.	1	
13	22.09		Свойства функций.	1	
14	23.09		Периодические функции.	1	
15	24.09		Обратная функция. Подготовка к контрольной работе.	1	
16	28.09		<i>Контрольная работа №2 «Действительные числа. Числовые функции».</i>	1	Контрольная работа
			<b>Блок 3. Начала стереометрии.</b>	<b>6</b>	
17	29.09		Анализ контрольной работы. Основные понятия и аксиомы стереометрии.	1	
18	30.09		Следствия из аксиом стереометрии.	1	
19	1.10		Пространственные фигуры.	1	
20	5.10		Моделирование многогранников.	1	
21	6.10		Моделирование многогранников. Подготовка к контрольной работе.	1	
22	7.10		<i>Контрольная работа № 3 «Начала стереометрии».</i>	1	Контрольная работа
			<b>Блок 4. Тригонометрические функции.</b>	<b>14</b>	
23	8.10		Анализ контрольной работы. Числовая окружность.	1	
24	19.10		Числовая окружность на координатной плоскости.	1	
25	20.10		Числовая окружность на координатной плоскости. <i>Самостоятельная работа «Числовая окружность».</i>	1	Самостоятельная работа
26	21.10		Анализ самостоятельной работы. Синус и косинус. Тангенс и котангенс.	1	
27	22.10		Тригонометрические функции числового аргумента.	1	
28	26.10		Тригонометрические функции углового	1	

			аргумента.		
29	27.10		Функции $y = \sin x$ , $y = \cos x$ , их свойства и графики.	1	
30	28.10		Функции $y = \sin x$ , $y = \cos x$ , их свойства и графики. Подготовка к контрольной работе.	1	
31	29.10		<i>Контрольная работа № 4 «Определение тригонометрических функций».</i>	1	
32	2.11		Анализ контрольной работы. Построение графика функции $y = mf(x)$ .	1	
33	3.11		Построение графика функции $y = f(kx)$ . График гармонического колебания.	1	
34	9.11		Функции $y = \operatorname{tg} x$ , $y = \operatorname{ctg} x$ , их свойства и графики.	1	
35	10.11		Обратные тригонометрические функции.	1	
36	11.11		Обратные тригонометрические функции. <i>Самостоятельная работа «Обратные тригонометрические функции».</i>	1	Самостоятельная работа
			<b>Блок 5. Параллельность прямых и плоскостей</b>	<b>13</b>	
37	12.11		Анализ самостоятельной работы. Параллельность прямых в пространстве.	1	
38	16.11		Параллельность трех прямых.	1	
39	17.11		Параллельность прямой и плоскости.	1	
40	18.11		Скрещивающиеся прямые. Углы с сонаправленными сторонами.	1	
41	19.11		Угол между прямыми.	1	
42	30.11		Параллельные плоскости.	1	
43	1.12		Свойства параллельных плоскостей.	1	
44	2.12		Тетраэдр	1	
45	3.12		Параллелепипед	1	
46	7.12		Изображение пространственных фигур.	1	
47	8.12		Сечения многогранников.	1	
48	9.12		Сечения многогранников. Подготовка к контрольной работе.	1	
49	10.12		<i>Контрольная работа № 5 «Параллельность в пространстве».</i>	1	Контрольная работа
			<b>Блок 6. Тригонометрические уравнения.</b>	<b>8</b>	
50	14.12		Анализ контрольной работы. Простейшие тригонометрические уравнения.	1	
51	15.12		Простейшие тригонометрические уравнения.	1	
52	16.12		Методы решения тригонометрических уравнений. Метод замены переменной.	1	
53	17.12		Методы решения тригонометрических уравнений. Метод разложения на множители.	1	
54	21.12		Однородные тригонометрические уравнения.	1	
55	22.12		Уравнения, сводящиеся к однородным тригонометрическим уравнениям.	1	
56	23.12		Решение тригонометрических уравнений. Подготовка к контрольной работе.	1	
57	24.12		<i>Контрольная работа № 6 «Тригонометрические уравнения».</i>	1	Контрольная работа
			<b>Блок 7. Преобразование тригонометрических</b>	<b>11</b>	

		<b>выражений.</b>		
58	28.12	Анализ контрольной работы. Синус и косинус суммы аргументов.	1	
59	29.12	Синус и косинус разности аргументов.	1	
		<b>II полугодие</b>		
60	11.01	Тангенс суммы и разности аргументов.	1	
61	12.01	Формулы приведения.	1	
62	13.01	Формулы двойного аргумента. Формулы понижения степени.	1	
63	14.01	Преобразование тригонометрических выражений. <i>Самостоятельная работа «Преобразование тригонометрических выражений».</i>	1	Самостоятельная работа
64	18.01	Анализ самостоятельной работы. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение.	1	
65	19.01	Преобразование произведения тригонометрических функций в сумму.	1	
66	20.01	Преобразование выражения $A\sin x + B\cos x$ к виду $C\sin(x + t)$ .	1	
67	21.01	Методы решения тригонометрических уравнений (продолжение). Подготовка к контрольной работе.	1	
68	25.01	<i>Контрольная работа № 7 «Преобразование тригонометрических выражений».</i>	1	Контрольная работа
		<b>Блок 8. Перпендикулярность прямых и плоскостей</b>	<b>14</b>	
69	26.01	Анализ контрольной работы. Угол между прямыми в пространстве. Перпендикулярность прямых.	1	
70	27.01	Решение задач «Угол между прямыми в пространстве. Перпендикулярность прямых».	1	
71	28.01	Перпендикулярность прямой и плоскости.	1	
72	1.02	Решение задач «Перпендикулярность прямой и плоскости».	1	
73	2.02	Перпендикуляр и наклонная.	1	
74	3.02	Решение задач «Перпендикуляр и наклонная».	1	
75	4.02	Угол между прямой и плоскостью.	1	
76	8.02	Угол между прямой и плоскостью. <i>Самостоятельная работа «Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная».</i>	1	Самостоятельная работа
77	9.02	Анализ самостоятельной работы. Расстояния между точками, прямыми и плоскостями.	1	
78	10.02	Решение задач «Расстояния между точками, прямыми и плоскостями».	1	
79	11.02	Двугранный угол.	1	
80	15.02	Перпендикулярность плоскостей.	1	
81	16.02	Решение задач «Перпендикулярность плоскостей» Подготовка к контрольной работе.	1	
82	17.02	<i>Контрольная работа № 8 «Перпендикулярность в пространстве».</i>	1	Контрольная работа

		<b>Блок 9. Производная.</b>	<b>23</b>	
83	18.02	Анализ самостоятельной работы. Числовые последовательности.	1	
84	1.03	Свойства числовых последовательностей.	1	
85	2.03	Предел числовой последовательности.	1	
86	3.03	Предел числовой последовательности. Сумма бесконечной геометрической прогрессии.	1	
87	4.03	Предел функции.	1	
88	9.03	Определение производной.	1	Самостоятельная работа
89	10.03	Вычисление производных.	1	
90	11.03	Формулы дифференцирования.	1	
91	15.03	Вычисление производных. Правила дифференцирования.	1	
92	16.03	<i>Самостоятельная работа «Вычисление производных». Дифференцирование сложной функции.</i>	1	Самостоятельная работа
93	17.03	Дифференцирование обратной функции.	1	
94	18.03	Задачи на дифференцирование обратной функции.	1	
95	22.03	Уравнение касательной к графику функции.	1	
96	23.03	Уравнение касательной к графику функции. Решение задач	1	
97	24.03	Нахождение приближённого значения числового выражения. Подготовка к контрольной работе.	1	
98	25.03	<i>Контрольная работа № 9 «Правила и формулы отыскания производных».</i>	1	Контрольная работа
99	29.03	Анализ контрольной работы. Применение производной для исследования функций на монотонность и экстремумы.	1	
100	30.03	Применение производной для исследования функций на монотонность и экстремумы.	1	
101	31.03	Построение графиков функций.	1	
102	1.04	Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.	1	
103	12.04	Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на незамкнутом промежутке.	1	
104	13.04	Задачи на отыскание наибольших и наименьших значений величин. Подготовка к контрольной работе.	1	
105	14.04	<i>Контрольная работа № 10 «Применение производной к исследованию функции».</i>	1	Контрольная работа
		<b>Блок 11. Многогранники.</b>	<b>12</b>	
106	15.04	Анализ контрольной работы №3. Понятие многогранника. Виды многогранников.	1	
107	19.04	Призма.	1	
108	20.04	Площадь поверхности призмы.	1	
109	21.04	Пирамида.	1	
110	22.04	Правильная пирамида.	1	
111	26.04	Площадь поверхности пирамиды.	1	

112	27.04		Самостоятельная работа «Призма и пирамида». Решение задач на свойства призмы и пирамиды.	1	Самостоятельная работа
113	28.04		Анализ самостоятельной работы. Усеченная пирамида.	1	
114	29.04		Решение задач на свойства усеченной пирамиды.	1	
115	4.05		Правильные многогранники.	1	
116	5.05		Решение задач «Правильные многогранники». Подготовка к контрольной работе.	1	
117	6.05		Контрольная работа № 9 «Многогранники».	1	Контрольная работа
			<b>Блок 11. Итоговое повторение.</b>	<b>23</b>	
118	11.05		Анализ контрольной работы. Повторение «Числовые функции»	1	
119	12.05		Повторение «Тригонометрические функции»	1	
120	13.05		Повторение «Тригонометрические уравнения»	1	
121	17.05		Повторение «Преобразование тригонометрических выражений»	1	
122	18.05		Повторение «Производная».	1	
123	19.05		Повторение «Исследование функции на монотонность»	1	
124	20.05		Повторение «Нахождение наибольших и наименьших величин»	1	
125	24.05		Повторение «Параллельность в пространстве».	1	
126	25.05		Повторение «Перпендикулярность в пространстве».	1	
127	26.05		Повторение «Параллельность плоскостей».	1	
128	27.05		Повторение «Многогранники».	1	
129	31.05		Повторение «Пирамида. Призма».	1	
130	1.06		Повторение «Текстовые задачи». Подготовка к контрольной работе	1	
131	2.06		Итоговая контрольная работа в формате ЕГЭ.	1	Контрольная работа
132	3.06		Анализ итоговой контрольной работы	1	
			<b>Резерв, 8</b>		